

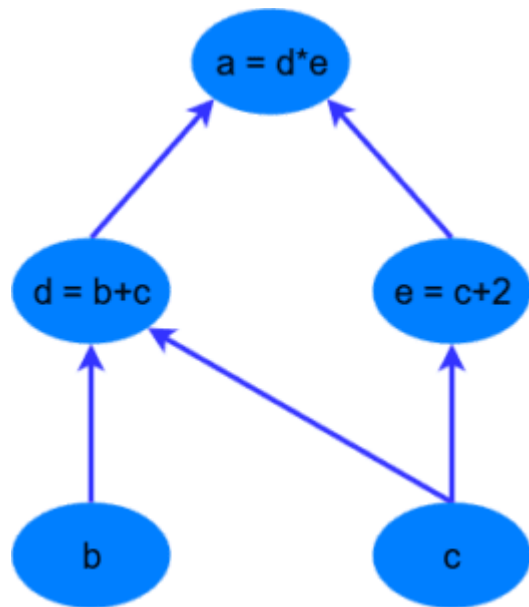
Введение в PyTorch

Дмитрий Буряк

к.ф.-м.н.

dyb04@yandex.ru

Динамический граф вычислений



$$a = (b + c) * (c + 2)$$

- ❑ Выражение разбивается на части, которые вычисляются последовательно.
- ❑ Каждый узел графа: независимый кусок кода, которому для работы нужны лишь входы.
- ❑ Преимущества: параллельная обработка.
- ❑ Технически: тяжелые вычисления (свертки, умножения матриц) реализованы на C/C++ / CUDA C++.

Тензоры

❑ Основная вычислительная единица - тензор, можно представить как вложение произвольного количества динамических массивов переменной размерности.

❑ Инициализация: 3 матрицы размера 2x2

```
In [1]: import torch
In [2]: x=torch.Tensor(3,2,2)
In [3]: print(x)
tensor([[[[8.7725e+29, 3.0904e-41],
          [0.0000e+00, 0.0000e+00]],

        [[ nan, 0.0000e+00],
          [1.3733e-14, 6.4069e+02]],

        [[4.3066e+21, 1.1824e+22],
          [4.3066e+21, 6.3828e+28]]]])
```

❑ Матричное умножение

```
In [18]: a=torch.rand(2,3)
In [19]: b=torch.rand(3,2)
In [20]: c=torch.mm(b,a)
In [21]: print(c)
Out[21]:
tensor([[0.4033, 0.0286, 0.1627],
        [0.6677, 0.0475, 0.2699],
        [0.5106, 0.0588, 0.3515]])
```

```
In [38]: a=a*0+1
In [39]: b=b*0+2
In [40]: 3+torch.mm(b,a)
Out[40]:
tensor([[7., 7., 7.],
        [7., 7., 7.],
        [7., 7., 7.]])
```

Тензоры и вычислительные устройства

□ 2 типа: на CPU и на GPU

```
In [73]: a=torch.rand(3,3)
In [74]: a
Out[74]:
tensor([[0.5106, 0.9224, 0.0468],
        [0.0877, 0.6954, 0.2929],
        [0.0226, 0.1924, 0.0517]])
In [75]: a=a.cuda(device = 0)
In [76]: a
Out[76]:
tensor([[0.5106, 0.9224, 0.0468],
        [0.0877, 0.6954, 0.2929],
        [0.0226, 0.1924, 0.0517]],
        device='cuda:0')
In [77]: a=a.cpu()
In [78]: a
Out[78]:
tensor([[0.5106, 0.9224, 0.0468],
        [0.0877, 0.6954, 0.2929],
        [0.0226, 0.1924, 0.0517]])
```

```
In [79]: a=torch.rand(3,3)
```

```
In [80]: b=torch.rand(3,3).cuda(0)
```

```
In [81]: a+b
```

```
-----
RuntimeError                                Traceback (most recent call last)
<ipython-input-81-ca730b97bf8a> in <module>
----> 1 a+b
RuntimeError: expected type torch.FloatTensor but got
torch.cuda.FloatTensor
```

□ Операции между тензорами должны выполняться на одном устройстве

torch.cuda.is_available()

torch.cuda.device_count()

torch.cuda.set_device(device)

Автоматическое дифференцирование

```
In [42]: from torch.autograd import Variable
In [43]: x=Variable(torch.ones(2,2)*2,requires_grad = True)
In [44]: z = 2 * (x * x) + 5 * x
In [45]: z.backward(torch.ones(2, 2))
In [46]: print(x.grad)
tensor([[13., 13.],
        [13., 13.]])
In [47]: z
Out[47]:
tensor([[18., 18.],
        [18., 18.]], grad_fn=<AddBackward0>)
```

Компонент тензора `.grad` содержит градиент:
значение или функцию

- Как это реализовано: все математические операции (+, -, *, /...) с тензорами перегружены.
- Каждая операция с тензорами проверяет, нужно ли вычислять градиент (компонент класса `torch.Tensor` `requires_grad == True`)
- Каждый `torch.Tensor` содержит компоненты:
 - `grad` (значение градиента) или
 - `grad_fn` (ссылка на функцию вычисления градиента)
- Вызов `z.backward()` запускает проход по графу вычислений в обратную сторону, с вызовом функций `grad_fn`

$$dz/dx = 4x+5,$$

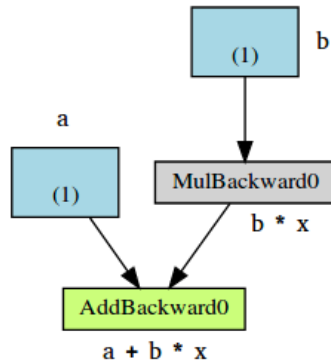
При $x_{i,j} = 2$ dz/dx должен
быть заполнен числами 13

```
In [62]: x.grad
Out[62]:
tensor([[13., 13.],
        [13., 13.]])
In [63]: x.grad_fn
In [64]: z.grad
In [65]: z.grad_fn
Out[65]:
<AddBackward0 at
0x7f681bbbaa20>
```

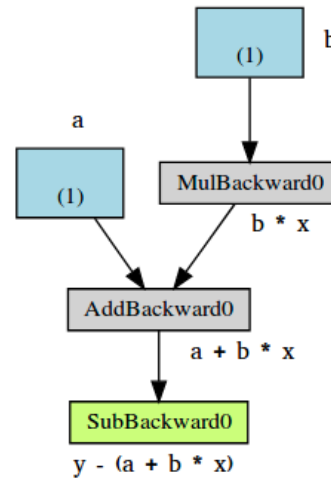
Примеры вычислительных графов в представлении Pytorch (1)

```
a = torch.randn(1, requires_grad=True, dtype=torch.float, device=device)
b = torch.randn(1, requires_grad=True, dtype=torch.float, device=device)
yhat = a + b * x_train_tensor
error = y_train_tensor - yhat
loss = (error ** 2).mean()
```

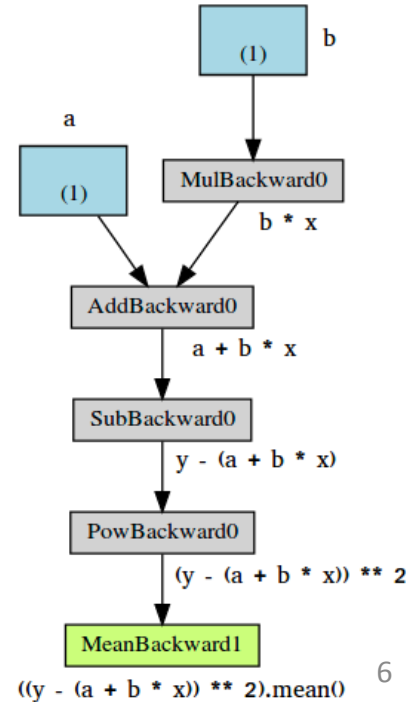
```
yhat = a + b * x_train_tensor
```



```
error = y_train_tensor - yhat
```



```
loss = (error ** 2).mean()
```

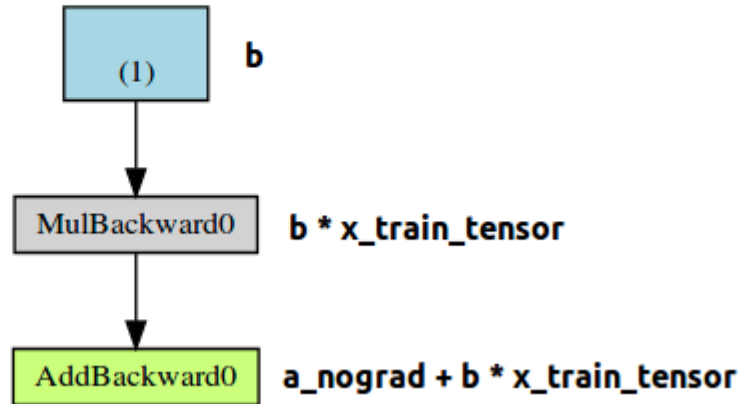


Используется пакет PytorchViz

Примеры вычислительных графов в представлении Pytorch (2)

```
a_nograd = torch.randn(1, requires_grad=False, dtype=torch.float, device=device)
b = torch.randn(1, requires_grad=True, dtype=torch.float, device=device)

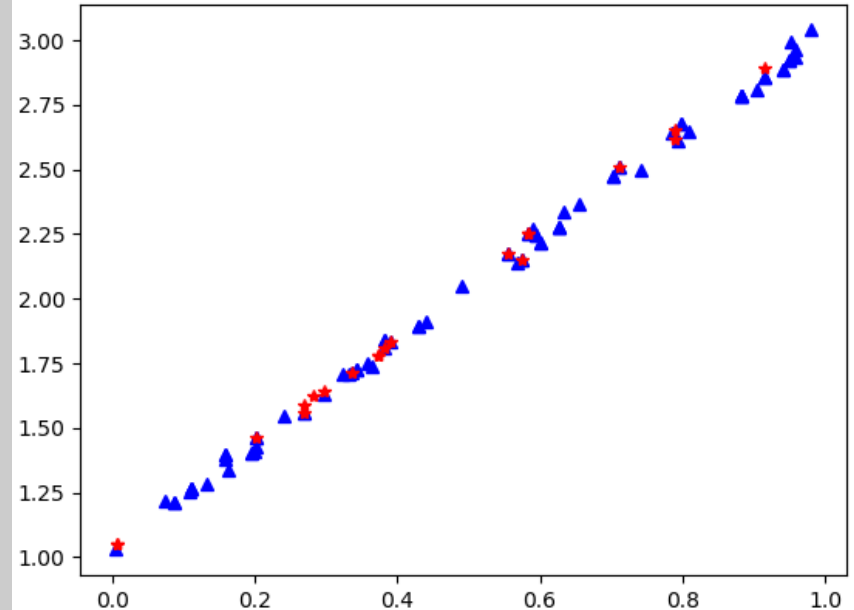
yhat = a_nograd + b * x_train_tensor
```



Простейшая оптимизация параметров: линейная регрессия (1)

Создаем набор данных:

```
1 import numpy
2 import torch
3 from matplotlib import pyplot as plt
4 # Data Generation
5 torch.manual_seed(42)
6
7 x = torch.rand(100, 1)
8 y = 1 + 2 * x + 0.1 * torch.rand(100, 1)
9
10 # Shuffles the indices
11 idx = (torch.rand(100)*100).long()
12
13
14 # Uses first 80 random indices for train
15 train_idx = idx[:80]
16 # Uses the remaining indices for validation
17 val_idx = idx[80:]
18
19 # Generates train and validation sets
20 x_train, y_train = x[train_idx], y[train_idx]
21 x_val, y_val = x[val_idx], y[val_idx]
22
23 plt.figure("train")
24 plt.plot(x_train.numpy(), y_train.numpy(), "b", lw=0, marker="^")
25 plt.plot(x_val.numpy(), y_val.numpy(), "r", lw=0, marker="*")
26 plt.show()
27
28
```



Простейшая оптимизация параметров: линейная регрессия (2)

```
31 torch.manual_seed(42)
32
33 a = torch.randn(1, requires_grad=True, dtype=torch.float)
34 b = torch.randn(1, requires_grad=True, dtype=torch.float)
35 print("Initial values:", a, b)
36
37 lr = 1e-1
38 n_epochs = 1000
39
40 # Defines a SGD optimizer to update the parameters
41 optimizer = optim.SGD([a, b], lr=lr)
42
43 for epoch in range(n_epochs):
44     yhat = a + b * x_train
45     error = y_train - yhat
46     loss = (error ** 2).mean()
47
48     loss.backward()
49
50     # Manual variant: gradient step
51     # with torch.no_grad():
52     #     a -= lr * a.grad
53     #     b -= lr * b.grad
54     optimizer.step()
55
56     # Manual variant: cleaning gradients
57     # a.grad.zero_()
58     # b.grad.zero_()
59     optimizer.zero_grad()
60
61 print("optimized values:", a, b)
62 with torch.no_grad():
63     print("error:", torch.mean((y_train - (a+b*x_train))**2))
64     print("validation error:", torch.mean((y_val - (a+b*x_val))**2))
```

Пакет torch.optim -- коллекция различных оптимизаторов градиентного спуска, от простейшего SGD до современных:

- optim.ASGD,
- optim.Adadelta,
- optim.Adagrad,
- optim.RMSprop,
- optim.Adam

```
Initial values: tensor([0.3367], requires_grad=True) tensor([0.1288],
requires_grad=True)
optimized values: tensor([1.0422], requires_grad=True) tensor([1.9991],
requires_grad=True)
error: tensor(0.0007)
validation error: tensor(0.0005)
```

torch.nn: коллекция модулей-компонентов нейронных сетей

- nn.Sequential – коллекция модулей
- nn.Linear – реализация перцептрона
- nn.Parameter – тензор-параметр, приспособленный для работы с torch.nn
- nn.Conv2d: 2-мерная свертка
- nn.Dropout: дропаут
- nn.ReLU, nn.PReLU, nn.Tanh, nn.Sigmoid, nn.Softmax – функции активации

```
1 import torch
2 import torch.nn.functional as F
3
4 class Model(nn.Module):
5     def __init__(self, size):
6         super(Model, self).__init__()
7         self.mlp1 = nn.Linear(size, size)
8         self.mlp2 = nn.Linear(size, 1)
9
10    def forward(self, x):
11        x = F.relu(self.mlp1(x))
12        return F.relu(self.mlp2(x))
```

mlp_net1.py

```
In [1]: import torch
```

```
In [2]: from mlp_net1 import Model
```

```
In [3]: a=torch.rand(3)
```

```
In [4]: m=Model(3)
```

```
In [5]: b=m(a)
```

```
In [6]: b.size()
```

```
Out [7]: torch.Size([1])
```

```
In [9]: m.mlp1
```

```
Out [9]: Linear(in_features=3,
out_features=3, bias=True)
```

```
In [10]: m.mlp1.weight
```

```
Out [10]:
```

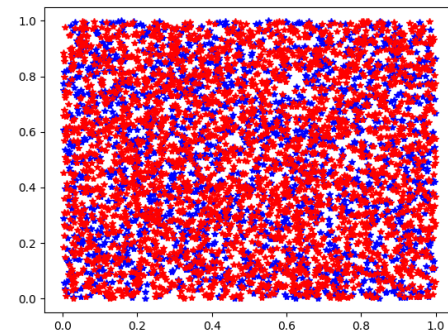
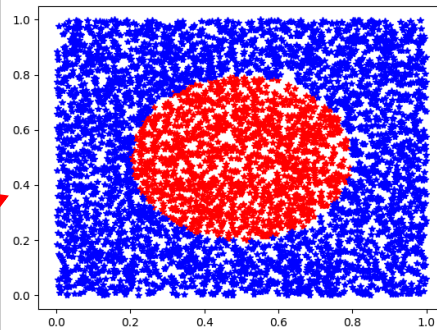
```
Parameter containing:
```

```
tensor([[[-0.5699, -0.0745,  0.3962],
          [-0.0680,  0.4040,  0.3050],
          [-0.3282,  0.0891, -0.2783]],
        requires_grad=True)
```

Классификация данных при помощи MLP (1)

```
1 import numpy
2 import torch
3 import torch.optim as optim
4 from matplotlib import pyplot as plt
5 # Data Generation
6 torch.manual_seed(42)
7
8
9 x = torch.rand(5000)
10 y = torch.rand(5000)
11
12 center = (0.5,0.5)
13 radius = 0.3
14
15 distance = torch.sqrt( (center[0]-x)**2+(center[1]-y)**2 )
16 pos_labels = distance <= radius
17 neg_labels = distance > radius
18
19 labels = torch.zeros(5000)
20 labels[pos_labels] = 1
21
22
23
24 pos_data_x, pos_data_y = x[pos_labels], y[pos_labels]
25 neg_data_x, neg_data_y = x[neg_labels], y[neg_labels]
26
27 plt.figure("All data")
28 plt.plot(pos_data_x.numpy(), pos_data_y.numpy(), "r", marker="*", lw=0)
29 plt.plot(neg_data_x.numpy(), neg_data_y.numpy(), "b", marker="*", lw=0)
```

```
31 N_train = 3000
32
33 train_data_x = x[:N_train]
34 train_data_y = y[:N_train]
35
36
37 test_data_x = x[N_train:]
38 test_data_y = y[N_train:]
39
40 plt.figure("Train and test data")
41 plt.plot(test_data_x.numpy(), test_data_y.numpy(), "b", marker="*", lw=0)
42 plt.plot(train_data_x.numpy(), train_data_y.numpy(), "r", marker="*", lw=0)
43 plt.show()
```



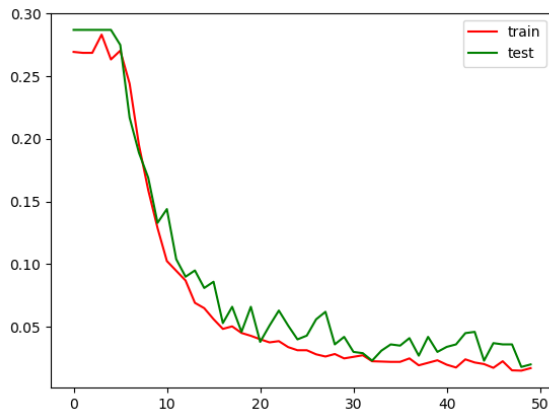
Классификация данных при помощи MLP (2)

```
1 import torch
2 import torch.nn as nn
3 import torch.nn.functional as F
4
5 class MLP(nn.Module):
6     def __init__(self, size, out_size):
7         super(MLP, self).__init__()
8         self.mlp1 = nn.Linear(size, 15)
9         self.mlp2 = nn.Linear(15, out_size)
10        self.func = nn.ReLU()
11
12        def forward(self, x):
13            x = self.func(self.mlp1(x))
14            return self.mlp2(x)
15
16        def output_to_label(output, softmax):
17
18            with torch.no_grad():
19                output2=softmax(output.detach())
20                rez=torch.sort(output2.cpu(),1,True)
21            ret_labels = []
22            for i in range(rez[1].size(0)):
23                ind=rez[1].data[i][0]
24                lab=int(ind)
25                ret_labels+=[lab]
26            return ret_labels
```

mlp_net1.py

Классификация данных при помощи MLP (3)

```
59 from mlp_net1 import MLP
60 from mlp_net1 import output_to_label
61 import torch.nn as nn
62 from torch.autograd import Variable
63
64 model = MLP(2,2)
65
66 lr = 0.001
67 # Defines a optimizer to update the parameters
68 optimizer = optim.Adam(model.parameters(), lr=lr)
69 #combines logsoftmax and negative log likelihood loss
70 model_loss = nn.CrossEntropyLoss()
71 softmax = nn.Softmax(-1)
72
73 batch_size = 15
74 n_iterations = train_data_all.size(0) // batch_size
75 print("n iter:",n_iterations)
76
77 train_errors = []
78 test_errors = []
```



```
80 for epoch in range(50):
81     print("### epoch:",epoch)
82     epoch_loss = 0
83
84
85     error = 0
86     for iter in range(n_iterations):
87
88         batch_idx = (torch.rand(batch_size)*train_data_all.size(0)).long()
89         batch = Variable(train_data_all[batch_idx].contiguous(),requires_grad = True)
90         batch.requires_grad = True
91
92
93         ref = train_labels[batch_idx]
94
95         out = model(batch)
96
97         loss = model_loss(out,ref)
98
99         loss.backward()
100        optimizer.step()
101        optimizer.zero_grad()
102
103        lab = torch.Tensor(output_to_label(out,softmax)).long()
104        error+= torch.sum(torch.abs(ref-lab))
105
106        epoch_loss+=loss.item()
107
108    train_errors+= [ epoch,error.item()/(n_iterations*batch_size) ]
109    print(error,(n_iterations*batch_size))
110    #tests
111    if (epoch%1 ==0):
112        test_error = 0
113        with torch.no_grad():
114            batch = test_data_all
115            out = model(batch)
116            lab = torch.Tensor(output_to_label(out,softmax)).long()
117            test_error= torch.sum(torch.abs(test_labels.long()-lab))
118            test_errors+= [ epoch,test_error.item()/test_labels.size(0) ]
119            print("test error:",test_error," of ",test_labels.size(0))
```